

DGA Essais en vol

Site d'Istres

EPNER

À REMPLIR PAR LE CANDIDAT

Titre/Grade :	Prénom :	NOM :
Employeur :		Unité :
Spécialité essais présentée* :	MNE (option Avions)	MNE (option Hélicoptères)
(* Rayer les mentions inutiles)		

**EXAMEN PROBATOIRE D'ADMISSION**

**AU STAGE ESSAIS DE CLASSE A**

SESSION DU 12 NOVEMBRE 2013

**MÉCANICIENS NAVIGANTS D'ESSAIS**

**ÉPREUVE ÉCRITE DE MATHÉMATIQUES ET PHYSIQUE**

Durée : 1 heure - Pas de document - Calculatrice de poche non graphique et non programmable autorisée

Validé par :

NOM :
Date :
Signature :

NOTE :	/ 20
--------	------

QUESTION N° 1 - Equation aux dimensions (2 points)

On rappelle la formule de la période propre d'un dispositif solide-ressort de masse  $m$  et de raideur  $k$ .

$$T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$$

Quelle est la dimension du coefficient  $k$  ?

Justifiez votre réponse par une analyse dimensionnelle.

QUESTION N° 2 - Base de vitesse (5 points)

Pour un essai d'anémométrie, un avion effectue un aller-retour entre 2 points A et B ; le trajet A vers B est orienté plein nord et la distance entre les 2 points est  $L$ .

La vitesse de l'avion par rapport à l'air est identique lors de l'aller et du retour et vaut  $v$  ; la vitesse du vent est constante et vaut  $v'$ . On mesure le temps pour aller de A vers B à l'aller, puis le temps pour le trajet de B vers A au retour, et on appelle temps de l'aller-retour la somme de ces deux temps (donc sans compter le temps pour effectuer les virages de  $180^\circ$ ).

- Montrer que le temps mis pour faire l'aller-retour en air calme ( $v' = 0$ ) est  $t_a = 2L/v$ .
- On appelle  $t_b$  le temps mis pour faire l'aller-retour quand le vent est dirigé plein est (ou plein ouest).  
Calculer le rapport  $t_b / t_a$  en fonction de  $v' / v$ .
- On appelle  $t_c$  le temps mis pour faire l'aller-retour quand le vent est dirigé plein nord (ou plein sud)  
Calculer le rapport  $t_c / t_a$  en fonction de  $v' / v$ .
- Pour un  $v'$  donné, quel est de  $t_b$  ou  $t_c$  le temps le plus long ?

QUESTION N° 3 - Gaz parfait (3 points)

On donne :  $R = 8,314$  SI.

L'équation d'état de  $n$  moles d'un gaz parfait, dans l'état de pression  $P$ , de volume  $V$ , et de température  $T$ , s'écrit  $PV = nRT$ .

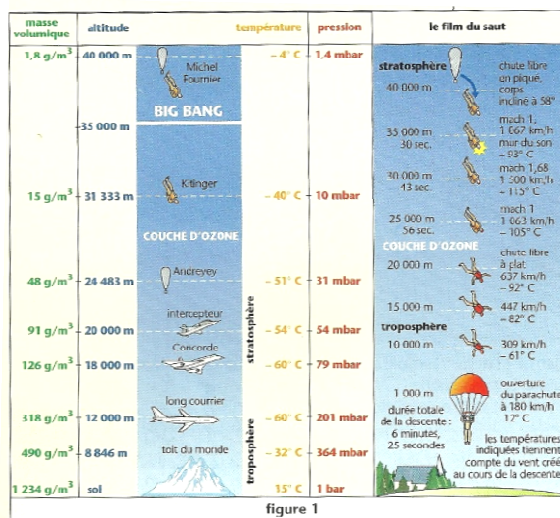
- Montrer par analyse dimensionnelle que  $PV$  a les dimensions d'un travail et en déduire l'unité de la constante  $R$ .
- Calculer numériquement la valeur du volume d'une mole d'un gaz parfait à une pression de 1 atm et une température de  $0^\circ\text{C}$ . On rappelle que 1 atm =  $1,013 \cdot 10^5$  Pa.  
Soit  $m$  la masse d'une quantité d'un gaz parfait de masse molaire  $M$ .
- En partant de l'équation d'état des gaz parfaits énoncée ci avant, trouver une autre expression de cette équation faisant intervenir  $P$ ,  $V$ ,  $T$ ,  $m$  et une nouvelle constante  $r$ . Préciser l'expression de  $r$  et son unité.
- On considère que l'air est un gaz parfait. Sa masse molaire est  $M = 28,964$  g.  
Calculer la valeur de  $r$  pour l'air.
- Donner une troisième expression de l'équation des gaz parfaits faisant intervenir la masse volumique  $\rho$  de ce gaz.

**QUESTION N° 4 - Montée en ballon (5 points)**

**Le grand saut**

Le 14 octobre 2012, Félix Baumgartner, parachutiste autrichien de 43 ans, est entré dans l'histoire. En s'élançant de 39,045 km au-dessus de la base américaine de Roswell, il a réalisé l'exploit de passer le mur du son durant sa chute pour atteindre la vitesse de 1342,8 km.h<sup>-1</sup>. Pour préparer son saut, Félix Baumgartner s'est inspiré d'un document écrit par le parachutiste français Michel Fournier (cf. figure 1).

**Cette question et la suivante reviennent sur les grandes étapes de ce saut historique afin de vérifier quelques données de ce document. Malgré tout, ces deux questions sont indépendantes.**



**Partie A : la montée en ballon**

Le ballon qui doit permettre la montée dans la haute atmosphère est constitué d'une enveloppe sphérique fermée et indéformable à laquelle est attachée une nacelle pressurisée emportant le sauteur avec son équipement. Ce ballon est gonflé avec de l'hélium.

Données :

- masse totale de l'ensemble {ballon ; nacelle ; sauteur} :  $m = 1,6 \times 10^3 \text{ kg}$  ;
- volume total du ballon :  $V_b = 4,0 \times 10^3 \text{ m}^3$  ;
- intensité de la pesanteur au sol :  $g = 9,8 \text{ m.s}^{-2}$  ;
- masse volumique de l'air au sol :  $\rho = 1225 \text{ g.m}^{-3}$ .

1. Comparer la valeur du poids de l'ensemble {ballon ; nacelle ; sauteur} au niveau du sol à celle de la poussée d'Archimède qui s'exerce sur le ballon.
2. Conclure sur le mouvement du ballon.

QUESTION N° 5 - Chute libre (5 points)

**Le grand saut**

**Partie B : Chute libre dans la haute atmosphère (stratosphère)**

1°- En utilisant le document (figure 1 de la question 4), indiquer, brièvement et sans faire de calcul, la raison pour laquelle on peut faire l'hypothèse d'une chute libre (sans frottement) pour cette première partie du saut.

2°- Dans cette phase de chute, on suppose la vitesse initiale nulle au moment du largage à l'altitude de 40 km.

On considère que l'accélération de la pesanteur vaut alors  $g = 9,7 \text{ m.s}^{-2}$ .

Lorsque le mur du son est atteint ( $1067 \text{ km.h}^{-1}$ ):

- a. Calculer la durée de la chute depuis le largage.
- b. Calculer la hauteur de chute et l'altitude atteinte.

3°- Comparer ces résultats avec les données du document.  
Conclure sur l'hypothèse d'une chute libre.

## À REMPLIR PAR LE CANDIDAT

Titre/Grade :	Prénom :	NOM :
Employeur :		Unité :
Spécialité essais présentée* :	MNE (option Avions)	MNE (option Hélicoptères)
(* Rayer les mentions inutiles)		

**EXAMEN PROBATOIRE D'ADMISSION****AU STAGE ESSAIS DE CLASSE A**  
\_\_\_\_\_**SESSION DU 17 NOVEMBRE 2014**  
\_\_\_\_\_**MÉCANICIENS NAVIGANTS D'ESSAIS**  
\_\_\_\_\_**ÉPREUVE ÉCRITE DE MATHÉMATIQUES ET PHYSIQUE**  
\_\_\_\_\_

Durée : 1 heure - Pas de document - Calculatrice de poche non graphique et non programmable autorisée

**4 exercices proposés antérieurement**

Validé par :

NOM :
Date :
Signature :

NOTE :	/ 20
--------	------



DGA Essais en vol

Site d'Istres

EPNER

À REMPLIR PAR LE CANDIDAT

Titre/Grade :	Prénom :	NOM :
Employeur :		Unité :
Spécialité essais présentée* :	MNE (option Avions)	MNE (option Hélicoptères)
(* Rayer les mentions inutiles)		

**EXAMEN PROBATOIRE D'ADMISSION**

**AU STAGE ESSAIS DE CLASSE A**

—————  
**SESSION DU 16 NOVEMBRE 2015**

—————  
**MÉCANICIENS NAVIGANTS D'ESSAIS**

—————  
**ÉPREUVE ÉCRITE DE MATHÉMATIQUES ET PHYSIQUE**

Durée : 1 heure - Pas de document - Calculatrice de poche non graphique et non programmable autorisée

Validé par :

NOM :
Date :
Signature :

NOTE :	/ 20
--------	------

QUESTION N° 1 (3 points)

A l'aide de l'analyse dimensionnelle, retrouvez  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$  dans la formule donnant la fréquence de vibration d'une corde, sachant qu'elle est de la forme :

$$N = K l^\alpha T^\beta \mu^\gamma$$

où : - N = fréquence de la vibration

- l = longueur de la corde
- T = force de tension
- $\mu$  = masse linéique de la corde
- K = constante sans dimension

QUESTION N° 2 (2 points)

On considère un rotor principal d'hélicoptère Super Puma dont le diamètre est 15,58 m. En sachant que le Mach en bout de pale est limité à 0,95, quelle est la vitesse indiquée maximale de l'hélicoptère lorsqu'il est au régime rotor maximal de 310 t/min dans les conditions  $Z_p = 0$  et  $T = +15^\circ\text{C}$ .

NOTA :  $\gamma = 1,4$  et  $R = 287$

QUESTION N° 3 (4 points)

Un aéronef décolle au niveau de la mer sur une piste de 2400 mètres en 22 secondes après avoir parcouru 690 mètres. Le mouvement est considéré uniformément accéléré jusqu'à ce que les roues quittent le sol et la force de traînée est négligée pour cette phase.

Calculez :

- l'accélération  $\gamma$
- la vitesse en kts acquise lorsque l'avion a parcouru 450 mètres
- la distance parcourue lorsque la vitesse atteint 80 kt
- le coefficient de portance de l'avion au moment où les roues quittent le sol

On donne :  $g = 9,81 \text{ m.s}^{-2}$ ,  $S = 40 \text{ m}^2$ ,  $m = 13 \text{ tonnes}$ ,

Masse volumique de l'air au niveau de la mer :  $\rho = 1,225 \text{ kg.m}^{-3}$



QUESTION N° 4 (6 points)

Un ressort vertical, de masse négligeable et de longueur au repos  $L_R$ , est fixé en son extrémité supérieure.

En son extrémité inférieure, on accroche une masse  $M$  considérée comme ponctuelle.

Si  $L$  est la longueur du ressort à un instant donné, on appelle raideur  $k$  du ressort le rapport entre la force de rappel  $F$  qu'il génère et son élongation  $L - L_R$  :  $F = k (L - L_R)$

On note  $g$  l'accélération de la pesanteur ;

- 1) Quelle est la dimension, en unités SI, de la raideur  $k$  d'un ressort ?
- 2) Quelle est la longueur  $L_E$  du ressort à l'équilibre ?  
Que fait la masse si elle est écartée de sa position d'équilibre ?
- 3) Depuis cette position d'équilibre, on soulève la masse d'une hauteur telle que la longueur du ressort devienne  $L_0$ , avec  $L_R < L_0 < L_E$ . A l'instant  $t = 0$ , on lâche la masse  $M$ .  
Quelle sera la forme du mouvement ?  
Etablir l'équation différentielle qui régit le mouvement de la masse  $M$ .  
En recherchant la solution de cette équation sous la forme  $L = A \sin(\omega t + \varphi)$ , calculez la période du mouvement en fonction de  $m$  et de  $k$ .
- 4) Donner l'expression littérale de l'énergie potentielle, de l'énergie élastique et de l'énergie cinétique de la masse en  $L_0$ ,  $L_E$  et au point le plus bas de sa trajectoire.
- 5) Pour quelle position de  $M$  la vitesse est-elle maximale ?
- 6) En appliquant le principe de la conservation de l'énergie, calculez l'énergie cinétique en ce point.  
En déduire la vitesse maximale.

Application numérique :

- $k = 10$  unités SI
- $M = 500$  g
- $g = 10$  m/s<sup>2</sup>
- $L_R = 15$  cm
- $L_0 = 17$  cm

QUESTION N° 5 (5 points)

De l'air considéré comme un gaz parfait est contenu dans un cylindre de section  $S$  fermé par un piston.

Les conditions ambiantes sont  $P_A$  et  $T_A$  (pression et température atmosphériques).

Les conditions initiales de l'air dans le cylindre sont :

- pression =  $P_0$
- température  $T_0 = T_A$
- longueur de cylindre occupée par l'air =  $L_0$

Le rapport des chaleurs spécifiques de l'air est noté  $\gamma$ .

- 1) L'air est comprimé au moyen du piston de façon à ce que la longueur de cylindre disponible devienne  $L_1$ .

A quelle condition cette transformation peut-elle être considérée comme adiabatique ?

En supposant cette transformation adiabatique, quelle est la température de l'air dans le cylindre immédiatement après la compression ?

- 2) A l'issue de cette compression, l'air contenu dans le cylindre échange de la chaleur avec l'extérieur par l'intermédiaire des parois du cylindre, son volume restant constant.

Quelle est la pression de l'air dans le cylindre lorsque l'équilibre est atteint ?

Application numérique :

- température ambiante =  $15^\circ\text{C}$
- $P_0 = 1,5 \cdot 10^5 \text{ Pa}$
- $L_1 = 0,5 L_0$

DGA Essais en vol

Site d'Istres

EPNER

À REMPLIR PAR LE CANDIDAT

Titre/Grade :	Prénom :	NOM :
Employeur :		Unité :
Spécialité essais présentée* :	MNE (option Avions)	MNE (option Hélicoptères)
(* Rayer les mentions inutiles)		

**EXAMEN PROBATOIRE D'ADMISSION**

**AU STAGE ESSAIS DE CLASSE A**

**SESSION DU 14 NOVEMBRE 2016**

**MÉCANICIENS NAVIGANTS D'ESSAIS**

**ÉPREUVE ÉCRITE DE MATHÉMATIQUES ET PHYSIQUE**

Durée : 1 heure - Pas de document - Calculatrice de poche non graphique et non programmable autorisée

Validé par :

NOM :
Date :
Signature :

NOTE :	/ 20
--------	------

EXERCICE N° 1 (5 points) :

Proposé antérieurement

EXERCICE N° 2 (5 points)

- 1) Montrer qu'une pression de 1013 hPa « équivaut » à 2116 livres-force/pied carré  
1 livre-force = 4,448 N  
1 pied (foot) = 0,3048 m
- 2) En déduire, à l'aide du principe fondamental de la dynamique (seconde loi de Newton) le facteur de conversion entre, d'une part, la valeur de l'unité de masse (le « slug ») dans le système « *British Engineering Units* » (*slug, ft, s*) cohérent (i.e. permettant de se passer de constantes de conversion dans les équations de la physique) et, d'autre part, le kg du système international.

EXERCICE N° 3 (5 points) :

Déterminer la force constante agissant sur un avion embarqué Super-Etendard de 12,5 tonnes dans les cas suivants :

1. Il est accéléré du repos jusqu'à 250 km/h en 2,2 s au catapultage.
2. Il est freiné de 180 km/h jusqu'au repos en 40 m par un brin d'arrêt accroché par sa crosse d'appontage (le mouvement de l'avion est dans la direction positive de l'axe des  $x$ ).

Notes :

- 1) On considèrera que l'accélération et la décélération sont constantes pour ces deux cas (faux en toute rigueur).
- 2) Une approche énergétique (bilan) sera utilisée pour répondre aux questions.

EXERCICE N° 4 (5 points) :

Proposé antérieurement

DGA Essais en vol

Site d'Istres

EPNER

À REMPLIR PAR LE CANDIDAT

Titre/Grade :

Prénom :

NOM :

Employeur :

Unité :

Spécialité essais présentée : MNE

(\* Rayer les mentions inutiles)

**EXAMEN PROBATOIRE D'ADMISSION**

**AU STAGE ESSAIS DE CLASSE A**

**SESSION DU 13 NOVEMBRE 2017**

**MECANICIENS NAVIGANTS D'ESSAIS**

**ÉPREUVE ÉCRITE DE MATHÉMATIQUES ET PHYSIQUE**

Durée : 1 heure - Pas de document - Calculatrice de poche non graphique et non programmable autorisée

Validé par :

NOM :

Date :

Signature :

NOTE :

/ 20

EXERCICE N° 1 (4 points) :

La vitesse de propagation des ondes sonores dans un gaz peut se mettre sous la forme :

$$V = k \cdot P^a \rho^b$$

Commenté [FM1]:  $a = \frac{1}{2}$   $b = -\frac{1}{2}$

où  $k$  est un coefficient sans dimension.

$P$  et  $\rho$  sont respectivement la pression et la masse volumique du gaz.

Déterminer, par l'analyse dimensionnelle, l'expression de  $V$ .

EXERCICE N° 2 (5 points)

Dans un gaz à haute température (où les phénomènes thermiques ne peuvent plus être négligés), le nombre de Prandtl est un paramètre de similitude sans dimension qui peut être vu comme un indicateur de l'importance relative des phénomènes aérodynamiques par rapport aux phénomènes thermiques.

Comme les nombres de Mach, Reynolds etc., la similitude des phénomènes physiques observés (par exemple entre des conditions de vol réelles et en soufflerie) n'est possible que pour des valeurs proches de  $Pr$  caractérisant les deux environnements.

$$Pr = \mu \cdot \lambda^a \cdot C_p^b$$

Commenté [FM2]:

$a = -1$   
 $b = 1$

où :

$\mu = \nu \cdot \rho$  ( $\rho$  est la masse volumique)

$\nu$  est la viscosité cinématique en  $m^2/s$

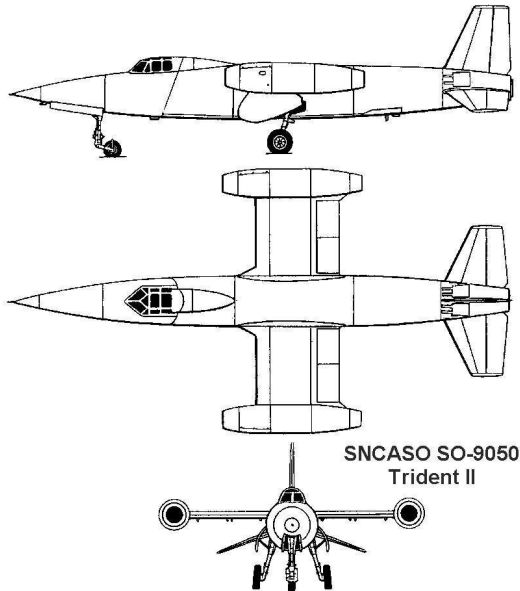
$\lambda$  est la conductivité thermique en  $W/(m.K)$

$C_p$  est la capacité thermique massique (ou « chaleur massique ») du gaz à pression constante en  $J/(kg.K)$

Déterminer les valeurs respectives des coefficients  $a$  et  $b$ .

**EXERCICE N° 3 (5 points) :**

**Le retour du Trident**



Contexte :

Devant la prolifération de menaces aériennes et balistiques imposant des temps de réaction très courts et des distances importantes à parcourir, l'Etat-Major des armées et la DGA ont décidé de revisiter le concept issu de la fin des années 1950 d'intercepteur « Trident » à propulsion mixte (deux réacteurs aux extrémités d'ailes et un moteur fusée en propulsion centrale).

On démontre que la meilleure pente de montée d'un aéronef à réaction s'effectue à l'incidence de finesse maximale de l'avion  $f_{\max}$  qui est aussi l'incidence à laquelle la traînée est minimale (par définition et dans le cas général, la finesse est égale au rapport entre portance  $R_z$  et traînée  $R_x$  :  $f = R_z/R_x$ ).

Commenté [FM3]: Donner  $f_{\max}$  : check

Le Trident V est conçu de telle manière (profil et calage/incidence de l'aile principalement) que lorsque la pente maximale réalisable au décollage à  $M_{\text{TOT}}$  est réalisée, l'incidence de l'avion soit nulle.

Dans ces conditions, le vecteur vitesse, la ligne de foi du fuselage et les poussées des 3 moteurs sont contenus dans le même plan et l'assiette géométrique de l'avion est donc considérée comme égale à la pente.

Lancement : on considère les poussées et la masse du Trident  $M_{TOM}$  constantes

- 1) Donner l'expression et calculer la pente maximale atteignable par l'avion au décollage. On fera l'hypothèse des « petits angles » pour le cosinus ( $\cos(x) \sim 1$ ) dans cette seule question et il est demandé de faire un schéma (sur feuille libre au besoin).

Pour minimiser la masse de cet avion-fusée, son train d'atterrissage est dimensionné pour la fin de sa mission, avec peu de carburant restant. Il est donc accéléré sur une rampe en sortie de laquelle il atteint les conditions calculées précédemment.

- 2) Quelle doit être la portance développée en sortie de rampe ? Que vaut alors la traînée ?
- 3) Calculer le facteur de charge  $n$  (rapport portance/poids) – sans dimension – en sortie de rampe.

On accélère l'intercepteur sur la rampe grâce à une catapulte électromagnétique qui fournit constamment un surcroît d'accélération longitudinale de  $2g_0$  sur une première partie horizontale jusqu'à obtenir la vitesse précédemment calculée puis, selon un tremplin assimilé à un arc de cercle, assure le maintien de cette vitesse jusqu'à la sortie de la rampe à la pente calculée précédemment.

- 4) Considérant la poussée fournie comme constante en module, et en négligeant la traînée aérodynamique, estimer la longueur minimale de la rampe horizontale.
- 5) Calculer le rayon de courbure constant\* de la rampe pour maintenir une accélération centripète ne dépassant pas  $3g_0$ .
- 6) Faire le bilan des distances et temps de parcours de ces deux segments, ainsi que la longueur totale d'envol.
- 7) Calculer la hauteur totale de la rampe (là où le Trident est libéré) et commenter brièvement le résultat.

**Commenté [FM4]:** Au moins sur 3/10 de point si on fait 8 questions au total

NOTE :  $M_{TOW} = M_{TOM}$  dans les explications

C'est une question de STATIQUE (**mouvement rectiligne uniforme** en sortie de rampe, l'engin, considéré de masse constante, n'accélère pas). On pose donc  $\Sigma F = 0$  Il vient selon l'axe de propulsion (x) :  $T_{totale} - M_{TOW} \cdot g_0 \cdot \sin(\gamma_{max}) - R_x(\gamma_{max}) = 0$  et selon (z) :  $R_z(\gamma_{max}) - M_{TOW} \cdot g_0 \cdot \cos(\gamma_{max}) = 0$ .  $\gamma_{max}$  étant supposé « petit », on pose  $\cos(\gamma_{max}) = 1$ .  
 $f_{max} = \max(C_z/C_x) = R_z(\gamma_{max})/R_x(\gamma_{max})$  donc  $R_x(\gamma_{max}) = M_{TOW} \cdot g_0 / f_{max}$ . et on peut réécrire selon (x) :  
 $T_{totale} - M_{TOW} \cdot g_0 \cdot \sin(\gamma_{max}) - M_{TOW} \cdot g_0 / f_{max} = 0$   
 Dès lors, il vient :  
 $\sin(\gamma_{max}) = T_{totale} / M_{TOW} \cdot g_0 - 1 / f_{max}$  et on trouve  $\gamma_{max} = 0.8 \text{ rad} = 48.4^\circ$  ( sans approximation sur le cosinus, on trouve quelque chose de très voisin)

**Commenté [FM5]:** .

$R_z = M_{TOW} \cdot g_0 \cdot \cos(\gamma_{max}) = 216575 \text{ N}$   
 $R_x = R_z \cdot f = 37341 \text{ N}$

**Commenté [FM6]:**  $n = 0.66$

**Commenté [FM7]:** On néglige la traînée  $R_x$  qui fait en gros 12% de la poussée totale en sortie de rampe, et ZERO au démarrage. On en déduit  $n \cdot X_a \cdot g_0 \cdot M_{TOW} = (T - R_x)$  donc  $n \cdot X_a = T / (g_0 \cdot M_{TOW}) = T / W = 0.92$   
 $n \cdot X_a \cdot T_{OIALE} = 0.92 + 2$  donc  $g \cdot X_a \text{ totale} = 2.92 \cdot 9.81 = 28.64 \text{ m/s}^2$   
 Le TEMPS pour atteindre la vitesse en sortie de rampe est de  $161 / 28.64 = 6$  secondes environ (5.61s).  
 $X = 1/2 \cdot 28.64 \cdot 5.61^2 = 451 \text{ m}$

**Commenté [FM8]:** 878 m de rayon R ( $n \cdot g_0 = V^2/R$ )

**Commenté [FM9]:** 741m pour la longueur parcourue en 4.6 s. Total de 1192m parcourus en  $4.61 + 5.61 = 10,2 \text{ s}$

**Commenté [FM10]:**  $h = R(1 - \cos(\gamma_{max})) = 292 \text{ m}$   
 Il faudrait bâtir une rampe presque de la taille de la Tour Eiffel, ou alors se placer sur le flanc d'une montagne. Ce n'est pas rien en général, peut-être placer des accélérateurs à poudre pour un décollage vertical

\* dans les faits, on aurait un rayon de courbure progressif pour limiter le « jolt » (dérivée de l'accélération centripète, qui passant ici instantanément de nulle à  $3 \cdot g_0$  est en théorie infinie)



Accélération de la pesanteur :  $g_0 = 9.81 \text{ m/s}^2$   
 Masse volumique de l'air au niveau de la mer (décollage)  $\rho_0 = 1.225 \text{ kg/m}^3$

#### Trident V (cellule)

Longueur :  $L = 32.7 \text{ m}$   
 Envergure totale (hors nacelles moteur, non portantes) :  $b_{\text{aile}} = 11.43 \text{ m}$   
 Surface Alaire (référence des coeffs aérodynamiques) :  $S_{\text{REF}} = 62.25 \text{ m}^2$   
 Corde moyenne :  $c = 5.44 \text{ m}$   
 Allongement :  $A = 2.10$

Masse maximale au décollage :  $M_{\text{TOM}} = 33240 \text{ kg}$   
 Masse à vide (avec armement et carburant résiduel) :  $M_{\text{ZFM}} = 16395 \text{ kg}$   
 Coefficient de traînée à portance nulle (subsonique) :  $C_{X0\text{sub}} = 0.038$  (référence  $S_{\text{REF}}$ )  
 Finesse maximale (subsonique) :  $f_{\text{max}} = 5.8$

#### Moteur M-88

Poussée unitaire pleins gaz avec post-combustion :  $F_{\text{M88-PC}} = 75000 \text{ N}$   
 Poussée unitaire pleins gaz « secs » :  $F_{\text{M88-sec}} = 50000 \text{ N}$   
 Consommation spécifique pleins gaz avec post-combustion :  $\text{SFC}_{\text{PC}} = 4.72\text{E-}05 \text{ kg/(N.s)}$   
 Consommation spécifique pleins gaz « sec » :  $\text{SFC}_{\text{sec}} = 2.22\text{E-}05 \text{ kg/(N.s)}$   
 Débit d'air nominal (@ 100% RPM) :  $Q_{\text{M88}} = 65 \text{ kg/s}$   
 Diamètre du Fan :  $D_{\text{fan}} = 0.696 \text{ m}$   
 Taux de compression :  $\tau_c = 24.5 :1$   
 Taux de dilution :  $\tau_D = 0.3 :1$   
 Température d'entrée turbine :  $\tau_T = 1850 \text{ K}$

#### Moteur-fusée Vinci

Poussée unitaire :  $F_{\text{VINCI}} = 150000 \text{ N}$

Stoechiométrie LOX/LH2 (en masse) :  $\tau_{\text{LOX/LH2}} = 5.8:1$   
 Pression de chambre :  $P_{\text{chambre}} = 6.08\text{E+}06 \text{ Pa}$   
 Impulsion spécifique :  $I_{\text{SP}} = 465 \text{ s}$   
 Vitesse d'éjection des gaz :  $V_{\text{eVINCI}} = 4562 \text{ m/s}$   
 Ratio d'expansion de tuyère :  $\tau_{\text{nozzle}} = 240:1$   
 Puissance de la turbopompe LOX :  $P_{\text{WLOX-TP}} = 3.50\text{E+}05 \text{ W}$   
 Puissance de la turbopompe LH2 :  $P_{\text{WLH2-TP}} = 2.40\text{E+}06 \text{ W}$

#### EXERCICE N° 4 (6 points) :

Proposé antérieurement

DGA ESSAIS EN VOL

BASE D'ESSAIS D'ISTRES

EPNER

À REMPLIR PAR LE CANDIDAT

Titre/Grade :	Prénom :	NOM :
Employeur :		Unité :
Spécialité essais présentée* :	MNE	

**EXAMEN PROBATOIRE D'ADMISSION**

**AU STAGE ESSAIS DE CLASSE A**

**SESSION DU 12 NOVEMBRE 2018**

**MECANICIENS NAVIGANTS D'ESSAIS**

***ÉPREUVE ÉCRITE DE MATHÉMATIQUES ET PHYSIQUE***

Durée : 1 heure - Pas de document - Calculatrice de poche non graphique et non programmable autorisée

Validé par :

NOM :
Date :
Signature :

NOTE :	/ 20
--------	------

EXERCICE N° 1 (4 points)

1. Déterminer l'unité, dans le SI, de la permittivité du vide  $\epsilon_0$  sachant que cette constante apparait dans l'équation suivante (loi de Coulomb) :

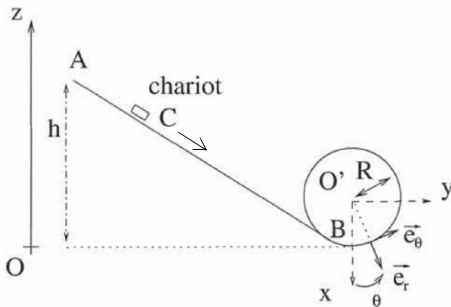
$$F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{q^2}{r^2}$$

où  $F$  est une force,  $q$  est une charge électrique qui s'exprime en Coulomb ( $1\text{ C} = 1\text{ A}\cdot\text{s}$ ) et  $r$  une longueur.

2. On rappelle en outre la relation qui lie la tension  $u$  [V] et la charge électrique  $q$  [C] aux bornes d'un condensateur de capacité  $C$  [F] :  $q = Cu$ .

En déduire une expression différente de l'unité de la permittivité du vide  $\epsilon_0$  utilisant le Farad [F].

**EXERCICE N° 2** (4 points)



On étudie numériquement la trajectoire d'un chariot de parc d'attraction, de masse  $m=10$  tonnes. Ce chariot part du point A, descend le long du plan incliné et entre ensuite dans un looping haut de  $R=40$  m, où l'on suppose qu'il peut parcourir plusieurs tours.

Figure 1: Schématisation du problème

Les courbes de la Figure 2 représentent l'évolution au cours du temps de l'énergie cinétique  $E_c$ , de l'énergie potentielle  $E_p$ , de l'énergie totale  $E_{tot}$  et l'évolution de la réaction normale  $R_n$  du looping sur le chariot.

On prendra :  $g = 10 \text{ m/s}^2$ .

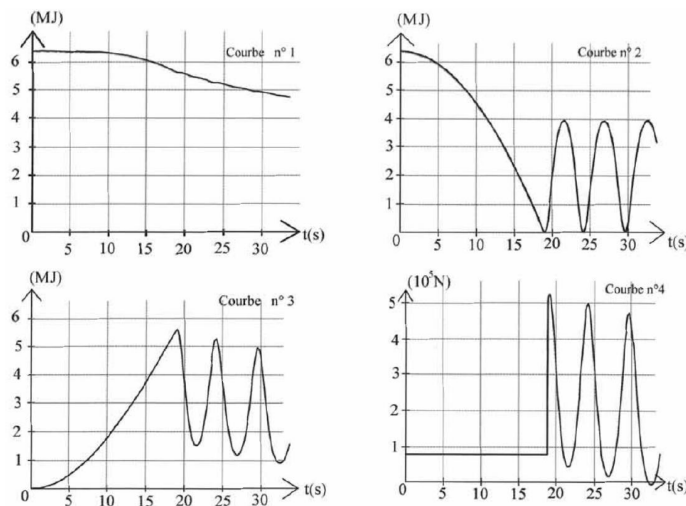


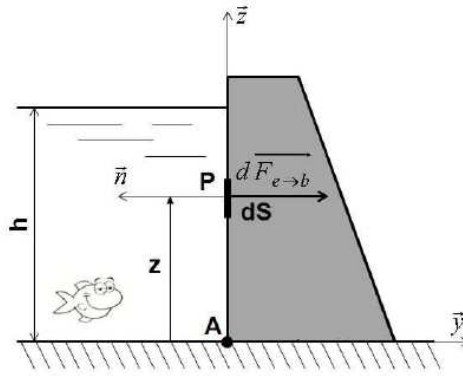
Figure 2: Résultats numériques

1. Associer à chaque courbe de la Figure 2 la grandeur représentée. La simulation prend-elle en compte des frottements et autres sources de dissipation ?
2. Calculer la hauteur initiale  $h$  et la vitesse initiale  $V_0$  du chariot, et la vitesse maximale  $V_{max}$  qu'il atteint.
3. À quelle date le chariot quitte-t-il le looping et combien de tours entiers a-t-il effectué avant de se décoller du looping ?

EXERCICE N° 3 (8 points)



Barrage du Revest les Eaux (Var)



On note  $h$  la hauteur de la retenue d'eau située en amont du barrage et  $L$  la largeur de celui-ci (supposée constante). On s'intéresse au point  $P$  situé à la hauteur  $z$  et on pose  $dS$  l'élément de surface du barrage autour ce point.

1.
  - a. En appliquant la loi fondamentale de l'hydrostatique, donner l'expression de  $p(z)$  la pression au point  $P$ .  
On notera  $\rho_e$  la masse volumique de l'eau,  $g$  de l'accélération de pesanteur terrestre, et  $p_a$  la pression atmosphérique au niveau de la surface.
  - b. Dans la suite de l'exercice, on négligera la contribution liée à la pression atmosphérique au niveau de la surface. Justifier quantitativement cette hypothèse en considérant  $h = 100 \text{ m}$ .
2. Écrire l'expression de la force élémentaire  $\vec{n} dF_{e \rightarrow b}$  de l'eau sur le barrage au point  $P$ .
3. En déduire l'expression et la valeur numérique du torseur d'action mécanique qu'exerce l'eau sur le barrage écrit au point  $A$ , soit :  $\{T_{e \rightarrow b}\}_A = \{F_{e \rightarrow b}; M_{A, e \rightarrow b}\}$ .
4. Déterminer la hauteur du point  $B$ , notée  $h_b$ , de sorte que le torseur d'action mécanique exprimé en ce point soit un glisseur (moment égal à zéro).

**EXERCICE N° 4 (4 points)**

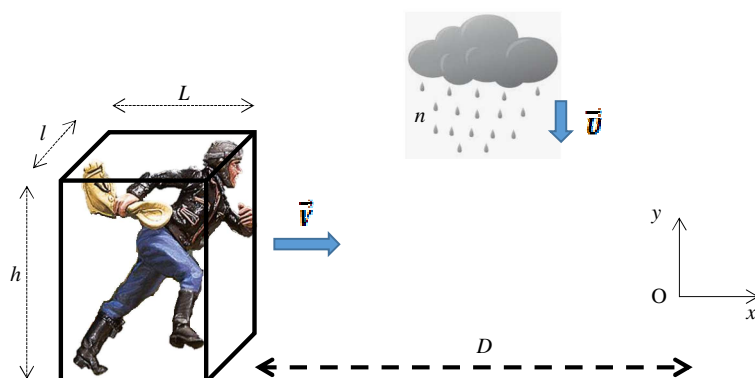


*Figure 1: Pilote pressé de voler ou qui ne veut pas être mouillé ?*

Dans cet exercice, on se propose de répondre à l'éternelle question : sous la pluie, est-il préférable de marcher ou de courir pour se mouiller le moins possible ?

Pour ce faire, notre pilote est assimilé à un parallélépipède rectangle de dimensions  $h$ ,  $l$ , et  $L$  et se déplace à vitesse constante  $\vec{v}$  par rapport au sol.

La pluie tombe à la vitesse  $\vec{u}$  dans le plan  $(Oxy)$ . Le nombre de gouttes de pluies par unité de volume est noté  $n$ . Ces deux grandeurs sont supposées constantes.



*Figure 2: Modélisation du problème*

Répondre à la question posée en préambule en détaillant votre raisonnement.

## À REMPLIR PAR LE CANDIDAT

Titre/Grade :	Prénom :	NOM :
Employeur :		Unité :
Spécialité essais présentée* : MNE		
(* Rayer les mentions inutiles)		

**EXAMEN PROBATOIRE D'ADMISSION AU  
STAGE ESSAIS DE CLASSE A 2020 - 2021**

—————  
**SESSION DU 18 NOVEMBRE 2019**  
—————

Durée : heures - Pas de document - Calculatrice de poche non graphique et non programmable autorisée.

Validé par :

NOM :
Date :

NOTE :	/ 20
--------	------

## EXERCICE N° 1) (4 points)

### Consommation impulsive...

On applique le qualificatif « spécifique » à une grandeur pour signifier qu'elle se comprend « par unité de » (masse, volume, force etc.)

L'impulsion d'une force  $\vec{I}$  est une quantité **vectorielle** dont la norme vaut  $I = F \cdot \delta t$

Où  $\delta t$  est l'intervalle de temps pendant lequel La Force  $F$  s'exerce.

On peut comparer l'*efficacité* d'un générateur de poussée à un autre (typiquement un turboréacteur ou un moteur fusée) soit en considérant  $C_{sp}$ , sa *consommation* (massique) *spécifique* (*i.e.* par unité de poussée), soit son impulsion spécifique  $I_{sp}$  (*i.e.* par unité de poids consommée, avec  $g = g_0 = 9.81\text{m/s}$ ).

- 1) En considérant une force moyenne constante en module et en direction  $F_{moy}$ , écrivez la relation liant la consommation spécifique à l'impulsion spécifique.
- 2) On peut dès lors établir au premier ordre une relation simple entre la vitesse d'éjection des gaz  $V_e$  d'une part et  $I_{sp}$  ou  $C_{sp}$  d'autre part. Considérant un générateur de poussée à simple flux (turboréacteur « pur »), toute chose étant égales par ailleurs, améliore-t-on respectivement  $I_{sp}$ ,  $C_{sp}$  en augmentant ou en diminuant  $V_e$  ?



EXERCICE N° 2) (4 points)

Le nombre de **Reech (Re<sub>e</sub>)** est un nombre sans dimension utilisé en mécanique des fluides. Il est utilisé pour caractériser le rapport entre les forces de pesanteur (liées à la gravité) et les forces d'inertie (liées à la vitesse de l'écoulement) du fluide. Ce nombre est notamment utilisé dans le domaine de l'architecture navale.

$$\mathbf{Re_e = g_0^{A_i} \cdot l \cdot u^{B_i}}$$

où  $u$  est la vitesse moyenne de l'écoulement,  $g_0$  l'accélération dans le champ de pesanteur terrestre et  $l$  une longueur caractéristique.

- 1) Proposez une solution  $[A_i, B_i]$  pour l'expression de ce nombre  $Re_e$ .
- 2) En météorologie des montagnes (aérologie), on utilise une expression du nombre de Froude  $Fr$  (sans dimension également) :

$$\mathbf{Fr_e = u / (N \cdot h)}$$

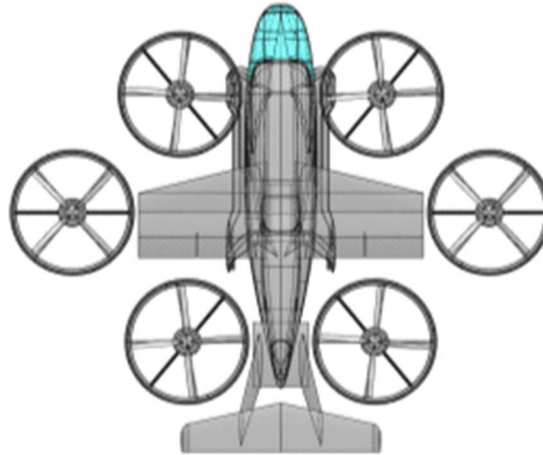
Où  $h$  est la hauteur au-dessus du sol de l'obstacle vertical qui s'oppose au passage de la masse d'air, et  $N$  est la fréquence à laquelle la masse d'air se met à osciller en présence de l'obstacle avec  $N = \sqrt{\frac{g_0}{\theta} * \frac{d\theta}{dh}}$  où  $\theta$  est appelée la « température potentielle » de l'air et  $\frac{d\theta}{dh}$  est le gradient de température.

Le nombre de Reech peut être exprimé en fonction du nombre de Froude. Proposez-en une expression par analyse dimensionnelle.

EXERCICE N° 3) (6 points)

« Blade Runner »

Las Vegas, 2019 : La Bell Corporation a présenté au Consumer Electronics Show (- qui n'a rien d'aéronautique) en Janvier la maquette à l'échelle 1 de son prototype « Nexus », dont le groupe SAFRAN assure le système de propulsion hybride (turbine-électrique) de cet appareil à 6 rotors carénés, capables de transporter 5 occupants...quelque part.



MTOM = 2722 kg

A)

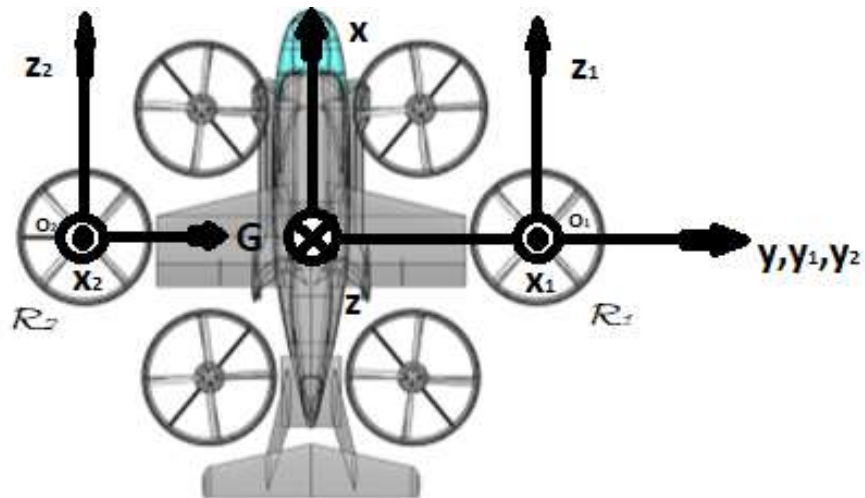
- 1) Estimez la Poussée (ou traction) moyenne de chaque rotor pour maintenir le vol stationnaire hors-effet de sol (H.E.S.)
- 2) Estimez H.E.S., le surcroît de puissance  $\Delta P_n$  nécessaire pour assurer une montée verticale continue à un minimum de 1 m/s (200 ft/min environ) à cette masse MTOM, en négligeant la traînée aérodynamique du véhicule.
- 3) On souhaite pouvoir établir ce taux de montée en 4 secondes maximum. En déduire la poussée minimale requise pour chaque rotor et la puissance développée à 1m/s (le couple mécanique des moteurs électriques entraînant chaque rotor varie de manière instantanée, donc la poussée qui en résulte aussi, et il n'y a aucune perte par soufflage du fuselage comme le montre le plan). Calculer le gradient de puissance  $K_{P_n} = \partial P_n / \partial T$  (en W/N) à la masse maximale de la machine pour de faibles variations de vitesse ascensionnelle  $V_z$  et d'avancement  $V$  (on considère que cette poussée initiale  $T_i$  calculée finit en réalité par équilibrer le poids et la traînée du véhicule en montée verticale à  $V_z = 1$  m/s).

- 4) Calculez le rendement global de propulsion  $\eta_p = P_n / P_u = \frac{2}{1 + \sqrt{\frac{T_i / S_r}{\frac{1}{2} \rho_0 V_z^2} + 1}}$  avec  $\rho_0 = 1.225$

kg/m<sup>3</sup> où  $P_u$  est la puissance « utile » ou motrice (en sortie de moteur électrique et consommée en totalité par chaque rotor de surface active  $S_r = 4,670$  m<sup>2</sup>).

B)

Chaque rotor  $R_i$  tourne à vitesse de rotation constante  $\omega_i$ . Toute augmentation de puissance se traduit par un surcouple (nécessaire pour vaincre la traînée de rotor supplémentaire induite par la modification du pas collectif du rotor en question), et on peut considérer que le couple  $C_i$  transmis est proportionnel à la poussée/traction  $T_i$  d'un rotor :  $T_i = K.C_i$  (on considère  $K$  constant autour des faibles  $V_z$  et  $V$ ). En stationnaire et vu d'au-dessus, Les rotors du côté droit tournent dans le sens des aiguilles d'une montre, et inversement côté gauche. Les rotors peuvent indépendamment être positionnés parallèlement à l'avancement ( $\delta_i = 0^\circ$ ), et dans tous les angles intermédiaires, y compris au-delà de  $\delta_i = 90^\circ$ . (Note : malgré l'absence de pas cyclique, on considère que  $T_i$  s'exerce au centre de chaque disque de rotor, sans autre composante de moment que le couple de renversement  $M_i$  induit par sa rotation)



- 5) On veut générer un moment de lacet autour du stationnaire en basculant de manière antisymétrique les rotors en bout de voilures (si le rotor droit bascule de  $\theta_1$  vers l'avant, le rotor gauche bascule de  $\theta_2$  vers l'arrière et  $\theta_2 = -\theta_1$ ). Ecrivez la relation reliant  $\delta_1$  et  $\delta_2$ .

EXERCICE N° 4) (3 points)

**Voilure basculante et table de la Draye**



De nombreux projets de voitures volantes animent les bureaux d'étude. Par le passé, différents types de concepts ont été utilisés sur des aéronefs : rotation de la voilure, repliage des ailes, ailes télescopiques, etc.

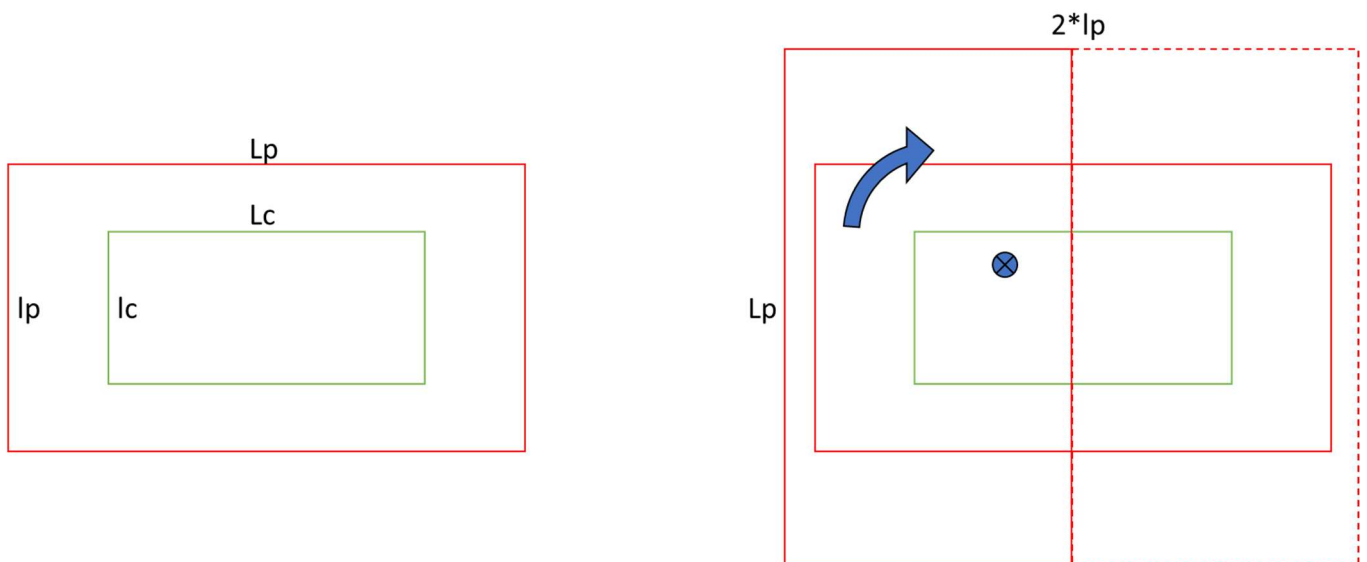
Les concepts issus de la vie civile sont souvent réutilisés, et le concept d'un doublement de surface d'une table est à l'étude pour voir son emploi éventuel. Le triplement de surface étant simple puisque symétrique.

La table de la Draye qui sert d'idée à l'étude est une table composée d'un cadre portant avec ses 4 pieds aux 4 coins. Ce cadre, qui supporte le plateau est de longueur  $L_c$  et de largeur  $l_c$ .

Le plateau « simple » est centré sur le cadre. Ce plateau est de longueur  $L_p$  et de largeur  $l_p$ .

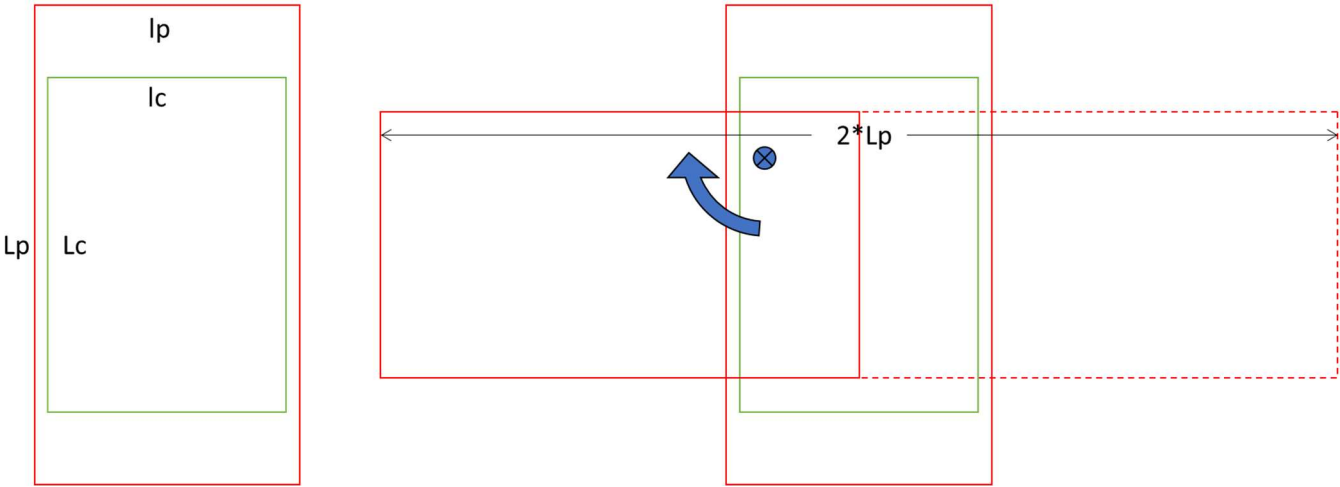
Pour doubler la surface de la table, l'opérateur doit déplier le double du plateau le long de l'arrête longue du plateau simple (longueur / table passe de  $L_p \cdot l_p$  à  $L_p \cdot 2l_p$ ), et tourner ce nouveau plateau de surface double autour d'un axe de rotation fixe sur le cadre et le plateau simple. Le positionnement de ce point de rotation est fait de telle sorte que le centre du plateau double soit également centrée sur le cadre.

- a) Exprimer la position de ce point de rotation en fonction de  $L_c$ ,  $l_c$ ,  $L_p$  et  $l_p$  par rapport à un point à définir.



b) Quelle condition est nécessaire entre les tailles du cadre et du plateau ?

c) Quid si le dépliage se fait le long de l'arrête petite du plateau simple (largeur / table passe de  $L_p * l_p$  à  $2L_p * l_p$ ) ?



EXERCICE N° 5 (3 points)

On considère un avion dont on connaît la masse à vide  $m_v$  et la position du centre de gravité  $CG_v$  à vide par rapport à une ligne de référence.

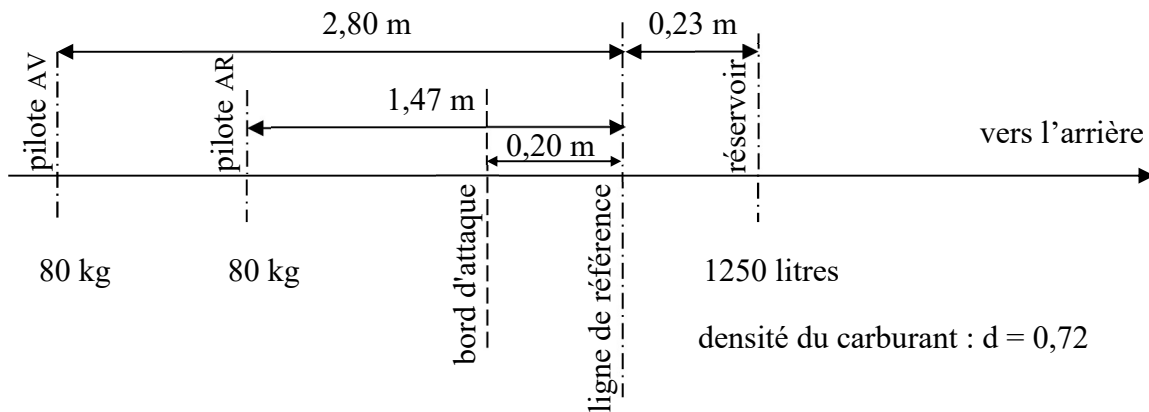
$$m_v = 3\,570 \text{ kg}$$

$$CG_v = 0,46 \text{ m vers l'arrière}$$

$$\text{Corde moyenne aérodynamique (CMA)} = 2,50 \text{ m}$$

L'avion doit voler avec un pilote en place avant, un pilote en place arrière et 1250 litres de carburant 100LL dans le réservoir de fuselage.

Les positions des différents éléments ainsi que les masses (ou quantité de carburant) associées sont données par le dessin suivant :



À la mise en route pour un vol dans les conditions prévues, quelles sont :

- 1) la masse de l'avion ?
- 2) la position du centre de gravité ?
- 3) son expression en % de la CMA
- 4) Quelle est la quantité maximale de carburant que l'on peut mettre dans l'avion si la limite de centrage avant est à 20% ?

Essais en Vol Istres  
EPNER

---

Titre/Grade:

Nom:

Prénom:

Examen:

---

EXAMEN PROBATOIRE D'ADMISSION

AU STAGE ESSAIS DE CLASSE A

-----  
MECANICIEN NAVIGANT D'ESSAIS

-----  
SESSION DU 15 NOVEMBRE 2021

-----  
ÉPREUVE ÉCRITE DE CONNAISSANCES SCIENTIFIQUES

---

Durée: 1h – Seule une calculatrice non programmable et non graphique est autorisée --  
– Aucun document n'est autorisé pour cette épreuve

Document validé par :

Nom :

Date : 05/11/2021

Signature :

**Lieutenant-colonel Stéphane Alma**  
**Directeur de l'EPNER**







## EXERCICE 1: Performance d'une voiture électrique au démarrage

Les voitures électriques sont réputées pour accélérer plus fortement au démarrage. L'étude de l'évolution de la vitesse au cours du temps est menée sur la base d'une vidéo du tableau de bord d'une voiture électrique, départ arrêté, en ligne droite.

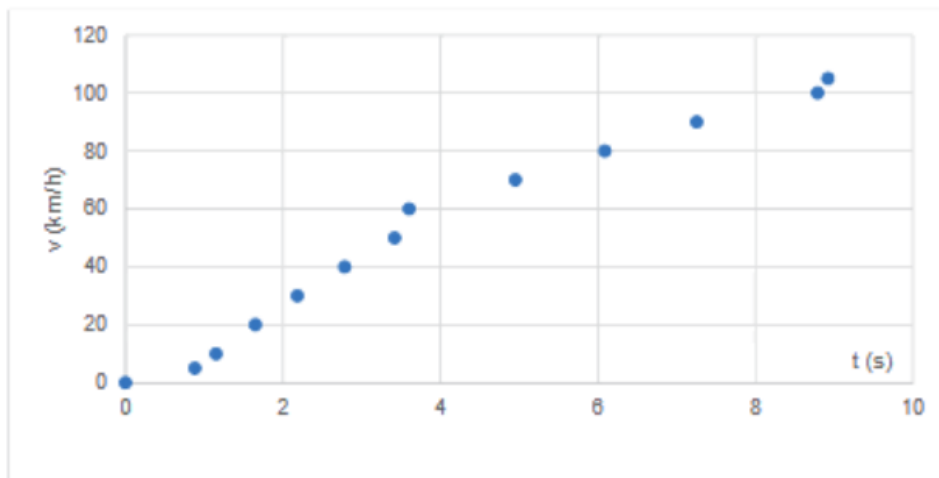
Photographie extraite de la vidéo du tableau de bord de la voiture étudiée :



Site internet Car Question : <https://www.youtube.com/watch?v=UqDwYCxoyYI>

### Évolution de la vitesse de la voiture électrique au cours du temps :

À partir de la vidéo présentée ci-dessus, on relève la vitesse de la voiture électrique au cours du temps. Les mesures obtenues sont reportées dans le graphique ci-dessous :



### Donnée :

-masse de la voiture :  $m = 1,6 \times 10^3 \text{ kg}$ .

1. Identifier le référentiel adopté pour les valeurs de la vitesse indiquée par le compteur de la voiture.

Les constructeurs caractérisent l'accélération d'une voiture en donnant la durée nécessaire pour que la voiture atteigne 100 km/h. Dans le cas de la voiture étudiée, on mesure, par suivi de la vitesse donnée sur le tableau de bord, une durée de 8,3 s.

2. Déterminer la valeur de l'accélération moyenne de la voiture.

On étudie le graphique donnant la vitesse de la voiture en fonction du temps.

3. On choisit de modéliser la dépendance entre la vitesse et le temps par une relation de proportionnalité. Déterminer graphiquement la valeur de l'accélération de la voiture en faisant apparaître la démarche sur le document-réponse 1 de l'ANNEXE à rendre avec la copie. Comparer avec la valeur obtenue à la question 2.

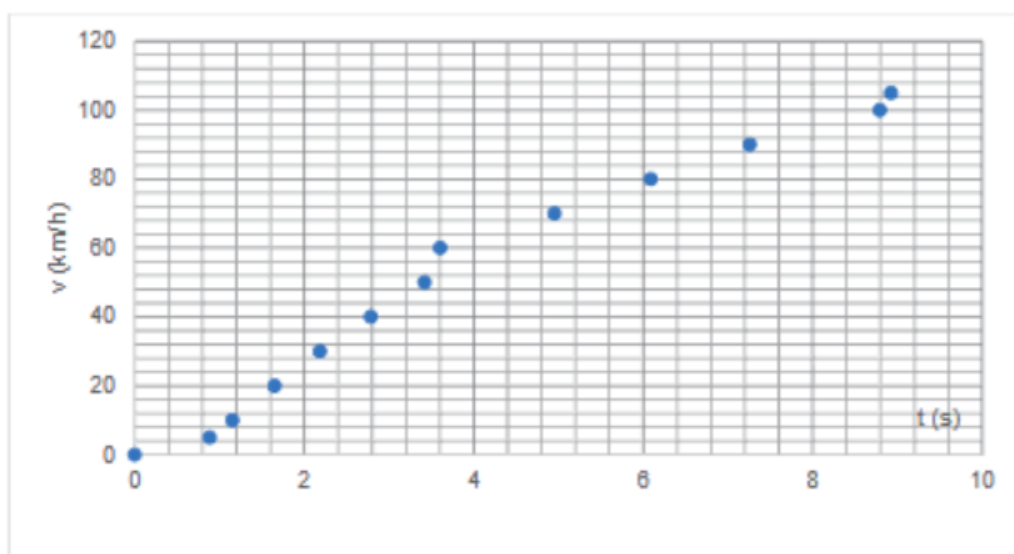
C'est cette valeur de l'accélération que l'on retiendra pour le reste de l'exercice.

On sait que la distance parcourue à un instant  $t$  donné est  $d = \frac{at^2}{2}$ .

4. Déterminer la valeur de la distance nécessaire pour réaliser ce test. Commenter en la comparant au contexte quotidien de l'usage d'une voiture.
5. Déterminer, à accélération constante, par quels facteurs la distance parcourue et la vitesse atteinte sont divisées lorsque la durée d'observation est divisée par deux.
6. Déterminer la valeur de la résultante des forces extérieures exercées sur la voiture.
7. Déterminer la valeur de la variation d'énergie cinétique de la voiture lorsqu'elle a parcouru une distance de 100 m. Quelle était la forme de cette énergie avant d'être convertie en énergie cinétique ?

### Document-réponse 1 : EXERCICE A, question 3

#### Évolution de la vitesse de la voiture électrique au cours du temps



## EXERCICE 2 : Centrage

On considère un avion dont on connaît la masse à vide  $m_v$  et la position du centre de gravité  $CG_v$  à vide par rapport à une ligne de référence.

On donne :

$-m_v = 4\,500\text{ kg}$

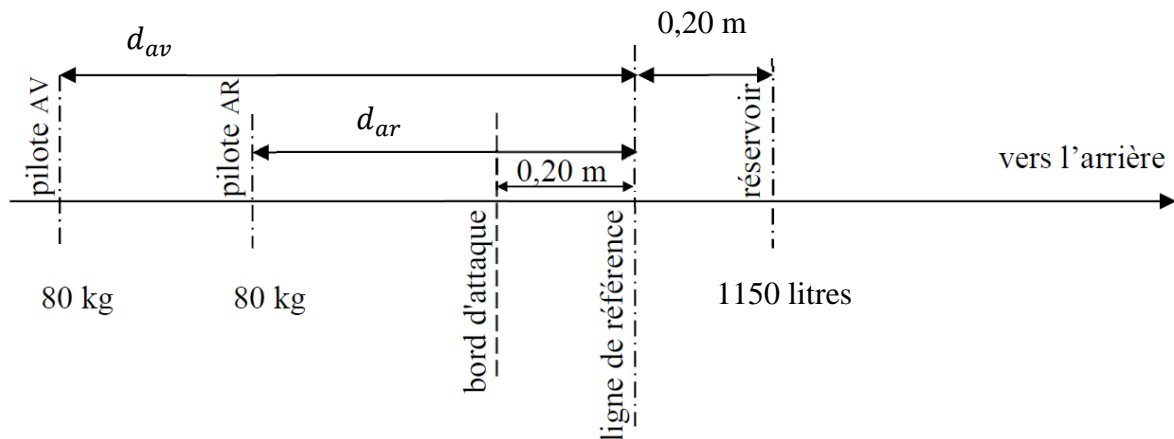
$-CG_v = 0,5\text{ m}$  vers l'arrière

-corde moyenne aérodynamique  $CMA = 2,50\text{ m}$

-densité du carburant :  $d = 0,7$

L'avion doit voler avec un pilote en place avant, un pilote en place arrière et 1150 litres de carburant 100LL dans le réservoir de fuselage.

Les positions des différents éléments ainsi que les masses (ou quantité de carburant) associées sont données par le dessin suivant :



Les pilotes sont séparés de  $1,5\text{ m}$ .

À la mise en route pour un vol dans les conditions prévues, on sait que le centre de gravité de l'avion se situe à  $38\text{ cm}$  vers l'arrière.

- 1- Quelle est la masse de l'avion ?
- 2- A quelle distance de la ligne de référence se trouvent les pilotes ?
- 3- Donnez l'expression de la position du  $CG$  en % de la  $CMA$ .
- 4- Quelle est la quantité maximale de carburant que l'on peut mettre dans l'avion si la limite de centrage avant est à 15% ?

### **EXERCICE 3: Equation aux dimensions**

Le nombre de Bansen  $Ba$  est un nombre sans dimension utilisé dans les opérations de transfert thermique. Il représente le rapport entre le transfert d'énergie thermique par radiation et le transfert par convection.

On le définit de la manière suivante :

$$Ba = \frac{h_r S^a}{F^b c_p}$$

Avec :

- $h_r$  : le coefficient de transfert thermique par radiation ( $J.K^{-1}.s^{-1}.m^{-2}$ )

- $S$  : la surface de transfert

- $F$  : le débit massique ( $kg.s^{-1}$ )

- $c_p$  : la capacité thermique, qui représente la quantité d'énergie thermique que l'on doit transférer à un corps pour augmenter sa température ( $J.K^{-1}.kg^{-1}$ )

(Source : Wikipédia)

Puisque le nombre de Bansen est sans dimension, déterminez les constantes  $a$  et  $b$ .

Essais en Vol Istres  
EPNER

---

Titre/Grade:

Nom:

Prénom:

Examen:

---

EXAMEN PROBATOIRE D'ADMISSION

AU STAGE ESSAIS DE CLASSE A

-----  
MECANICIEN NAVIGANT D'ESSAIS

-----  
SESSION DU 15 NOVEMBRE 2021

-----  
**CORRIGÉ ÉPREUVE ÉCRITE DE CONNAISSANCES SCIENTIFIQUES**  
-----

Durée: 1h – Seule une calculatrice non programmable et non graphique est autorisée --  
– Aucun document n'est autorisé pour cette épreuve

Document validé par :

Nom :

Date :

Signature :

## EXERCICE 1

Performance d'une voiture électrique au démarrage.

Les voitures électriques sont réputées pour accélérer plus fortement au démarrage. L'étude de l'évolution de la vitesse au cours du temps est menée sur la base d'une vidéo du tableau de bord d'une voiture électrique, départ arrêté, en ligne droite.

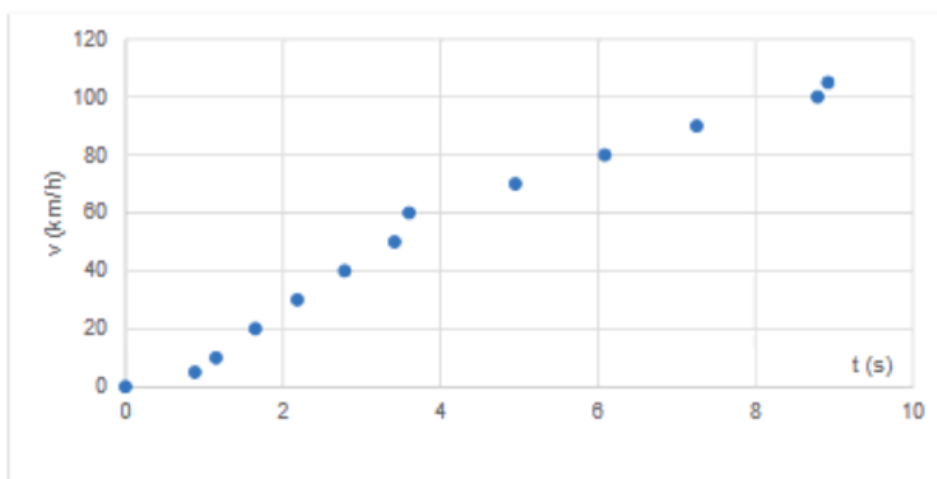
Photographie extraite de la vidéo du tableau de bord de la voiture étudiée :



Site internet Car Question : <https://www.youtube.com/watch?v=UqDwYCxoyYI>

### Évolution de la vitesse de la voiture électrique au cours du temps :

À partir de la vidéo présentée ci-dessus, on relève la vitesse de la voiture électrique au cours du temps. Les mesures obtenues sont reportées dans le graphique ci-dessous :



### Donnée :

-masse de la voiture :  $m = 1,6 \times 10^3 \text{ kg}$ .

1. Identifier le référentiel adopté pour les valeurs de la vitesse indiquée par le compteur de la voiture.

L'étude se place dans le référentiel terrestre, supposé Galiléen. La vitesse indiquée par le compteur est relative à ce référentiel.

Les constructeurs caractérisent l'accélération d'une voiture en donnant la durée nécessaire pour que la voiture atteigne 100 km/h. Dans le cas de la voiture étudiée, on mesure, par suivi de la vitesse donnée sur le tableau de bord, une durée de 8,3 s.

2. Déterminer la valeur de l'accélération moyenne de la voiture.

En moyenne, on a l'accélération qui vaut :

$$a = \frac{V}{t} = \frac{100}{8,3} = 3,35 \text{ m.s}^{-2}$$

Avec la vitesse qui est convertie en m/s.

On étudie le graphique donnant la vitesse de la voiture en fonction du temps.

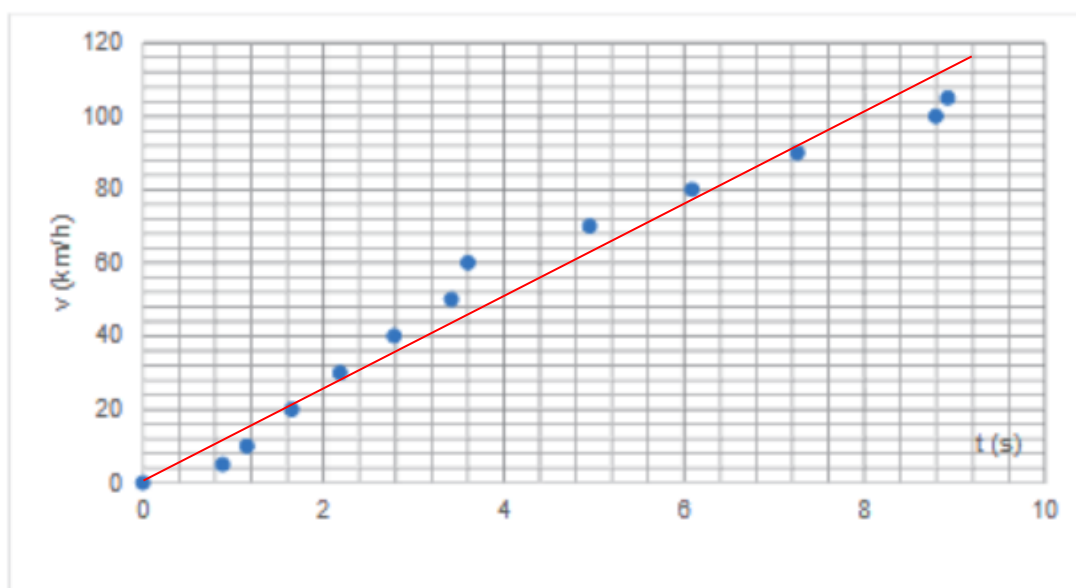
3. On choisit de modéliser la dépendance entre la vitesse et le temps par une relation de proportionnalité. Déterminer graphiquement la valeur de l'accélération de la voiture en faisant apparaître la démarche sur le document-réponse 1 de l'ANNEXE à rendre avec la copie. Comparer avec la valeur obtenue à la question 2.

On veut trouver  $a$  tel que  $V = at$ , avec  $a$  l'accélération moyenne du véhicule.

De manière graphique, on trace une droite partant de l'origine, et suivant le plus possible les points mesurés :

### Document-réponse 1 : EXERCICE A, question 3

#### Évolution de la vitesse de la voiture électrique au cours du temps



La droite en rouge a une pente :

$$a = \frac{\frac{116}{3,6}}{9,2} = 3,5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$$

Donc l'accélération moyenne déterminée théoriquement à la question précédente ( $3,35 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$ ) est un peu plus faible que graphiquement.

C'est cette valeur de l'accélération que l'on retiendra pour le reste de l'exercice.

On sait que la distance parcourue à un instant  $t$  donné est  $d = \frac{at^2}{2}$ .

- Déterminer la valeur de la distance nécessaire pour réaliser ce test. Commenter en la comparant au contexte quotidien de l'usage d'une voiture.

On a donc :

$$d = \frac{at^2}{2} = \frac{3,5 \cdot (8,3)^2}{2} = 120,6 \text{ m}$$

C'est une distance assez importante parcourue en peu de temps.

- Déterminer, à accélération constante, par quels facteurs la distance parcourue et la vitesse atteinte sont divisées lorsque la durée d'observation est divisée par deux.

En divisant par 2 le temps d'étude, on a :

$$d = \frac{at^2}{2} = \frac{3,5 \cdot (4,15)^2}{2} = 30,1 \text{ m}$$

Contre  $120,6 \text{ m}$ .

Et :

$$V = at = 3,5 \cdot 4,15 = 14,5 \text{ m/s}$$

Soit :

$$V = 14,5 \cdot 3,6 = 52,3 \text{ km/h}$$

Contre  $(3,5 \cdot 8,3) \cdot 3,6 = 104,6 \text{ km/h}$  graphiquement, et  $100 \text{ km/h}$  d'après l'énoncé.

La distance est beaucoup plus impactée par cette division du temps d'observation. C'est normal puisque sa dépendance est en  $t^2$ . On a un ratio  $\frac{120,6}{30,1} = 4$  pour la distance et  $\frac{100}{52,3} = 1,9$  pour la vitesse.



6. Déterminer la valeur de la résultante des forces extérieures exercées sur la voiture.

Le Principe Fondamental de la Dynamique nous dit que :

$$m\vec{a} = \sum \vec{F}$$

L'accélération de la voiture  $\vec{a}$  dépend de la somme des forces s'exerçant sur elle  $\sum \vec{F}$  et sa masse  $m$ .

Or ici l'accélération est orientée vers l'avant (la vitesse augmente) et a une norme de  $3,5 \text{ m.s}^{-2}$ .

Connaissant la masse de la voiture  $m = 1,6 \times 10^3 \text{ kg} = 1600 \text{ kg}$ , on a la résultante des forces extérieures qui vaut :

$$\sum \vec{F} = 1600 \cdot 3,5 = 5600 \text{ N}$$

Il s'agit de la différence entre la traction générée par le moteur et la traînée aérodynamique du véhicule.

7. Déterminer la valeur de la variation d'énergie cinétique de la voiture lorsqu'elle a parcouru une distance de 100 m. Quelle était la forme de cette énergie avant d'être convertie en énergie cinétique ?

On a l'énergie cinétique qui vaut :

$$E_c = \frac{1}{2} mV^2$$

Or la voiture atteint 100 m lorsque :

$$d = 100 = \frac{at^2}{2}$$

Soit à un temps :

$$t = \sqrt{\frac{2 \cdot 100}{a}} = \sqrt{\frac{200}{3,5}} = 7,6 \text{ s}$$

Et donc la vitesse à ce temps vaut :

$$V = at = 3,5 \cdot 7,6 = 26,6 \text{ m/s} = 95,76 \text{ km/h}$$

Ainsi :

$$E_c = \frac{1}{2} 1600 \cdot 26,6^2 = 566\,048 \text{ J}$$

Cette énergie provient de la batterie qui alimente le moteur. Il s'agit donc à la base d'une énergie sous forme potentielle électrique.

## EXERCICE 2

Centrage.

On considère un avion dont on connaît la masse à vide  $m_v$  et la position du centre de gravité  $CG_v$  à vide par rapport à une ligne de référence.

On donne :

$$-m_v = 4\,500 \text{ kg}$$

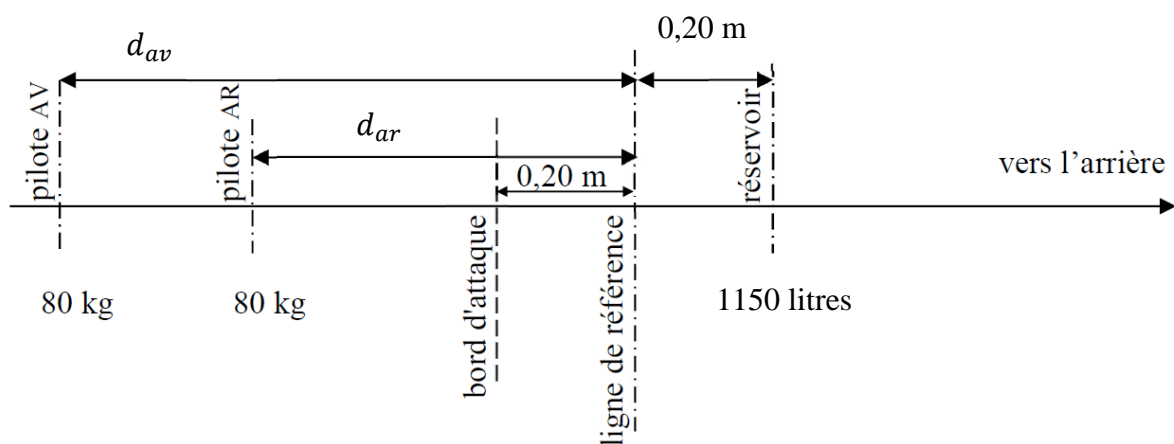
$$-CG_v = 0,5 \text{ m vers l'arrière}$$

$$-\text{corde moyenne aérodynamique } CMA = 2,50 \text{ m}$$

$$-\text{densité du carburant : } d = 0,7$$

L'avion doit voler avec un pilote en place avant, un pilote en place arrière et 1150 litres de carburant 100LL dans le réservoir de fuselage.

Les positions des différents éléments ainsi que les masses (ou quantité de carburant) associées sont données par le dessin suivant :



Les pilotes sont séparés de 1,5 m.

À la mise en route pour un vol dans les conditions prévues, on sait que le centre de gravité de l'avion se situe à 38 cm vers l'arrière.

1- Quelle est la masse de l'avion ?

On a :

$$M_{avion} = 80 \cdot 2 + 1150 \cdot 0,7 + 4500 = 5465 \text{ kg}$$

2- A quelle distance de la ligne de référence se trouvent les pilotes ?

On a :

$$M_{avion} CG = M_{carbu} \cdot (-0,2) + M_{pilote} (d_{av} + d_{ar}) + m_v CG_v$$

Or :

$$d_{av} = d_{ar} + 1,5$$

Donc :

$$M_{avion}CG = M_{carbu} \cdot (-0,2) + M_{pilote}(2d_{ar} + 1,5) + m_v CG_v$$

Et donc :

$$M_{avion}CG - M_{carbu} \cdot (-0,2) - m_v CG_v = M_{pilote}(2d_{ar} + 1,5)$$

$$d_{ar} = \frac{1}{2} \left( \frac{M_{avion}CG - M_{carbu} \cdot (-0,2) - m_v CG_v}{M_{pilote}} - 1,5 \right)$$

$$d_{ar} = \frac{1}{2} \left( \frac{5465 \cdot (-0,38) - 1150 \cdot 0,7 \cdot (-0,2) - 4500 \cdot (-0,5)}{80} - 1,5 \right) = 1,34 \text{ m}$$

3- Donnez l'expression de la position du CG en % de la CMA.

On a directement :

$$CG_{\%} = \frac{0,38}{2,50} 100 = 15,2 \%$$

4- Quelle est la quantité maximale de carburant que l'on peut mettre dans l'avion si la limite de centrage avant est à 15% ?

A 15% de la CMA on a la position du CG qui vaut :

$$\frac{CG}{2,50} 100 = 15 \rightarrow CG = \frac{15 \cdot 2,50}{100} = 0,375 \text{ m}$$

Soit :

$$M_{avion} \cdot CG = M_{avion} \cdot (-0,375) = M_{carbu} \cdot (-0,2) + M_{pilote}(2d_{ar} + 1,5) + m_v CG_v$$

Avec :

$$M_{avion} = 2M_{pilote} + M_{carbu} + m_v$$

Donc :

$$(2M_{pilote} + M_{carbu} + m_v) \cdot (-0,375) = M_{carbu} \cdot (-0,2) + M_{pilote}(2d_{ar} + 1,5) + m_v CG_v$$

Puis :

$$M_{carbu} \cdot (-0,375 + 0,2) = (2M_{pilote} + m_v) \cdot 0,375 + M_{pilote}(2d_{ar} + 1,5) + m_v CG_v$$

$$M_{carbu} \cdot (-0,175) = M_{pilote}(2 \cdot 0,375 + 2d_{ar} + 1,5) + m_v(CG_v + 0,375)$$

Soit :

$$M_{carbu} = \frac{1}{-0,175} [M_{pilote}(2 \cdot 0,375 + 2d_{ar} + 1,5) + m_v(CG_v + 0,375)]$$

$$M_{carbu} = \frac{1}{-0,175} [80 \cdot (2 \cdot 0,375 + 2 \cdot 1,34 + 1,5) + 4500 \cdot (-0,5 + 0,375)] = 961 \text{ kg}$$

Soit :

$$\frac{961}{0,7} = 1373 L$$

### **EXERCICE 3**

Equation aux dimensions.

Le nombre de Bansen  $Ba$  est un nombre sans dimension utilisé dans les opérations de transfert thermique. Il représente le rapport entre le transfert d'énergie thermique par radiation et le transfert par convection.

On le définit de la manière suivante :

$$Ba = \frac{h_r S^a}{F^b c_p}$$

Avec :

- $h_r$  : le coefficient de transfert thermique par radiation ( $J.K^{-1}.s^{-1}.m^{-2}$ )

- $S$  : la surface de transfert

- $F$  : le débit massique ( $kg.s^{-1}$ )

- $c_p$  : la capacité thermique, qui représente la quantité d'énergie thermique que l'on doit transférer à un corps pour augmenter sa température ( $J.K^{-1}.kg^{-1}$ )

(Source : Wikipédia)

Puisque le nombre de Bansen est sans dimension, déterminez les constantes  $a$  et  $b$ .

On a les unités des différents paramètres :

$$\begin{aligned}[S] &= m^2 \\ [F] &= kg.s^{-1} \\ [c_p] &= J.K^{-1}.kg^{-1} \\ [h_r] &= J.K^{-1}.s^{-1}.m^{-2}\end{aligned}$$

Sachant que :

$$[Ba] = \left[ \frac{h_r S^a}{F^b c_p} \right] = \frac{(J.K^{-1}.s^{-1}.m^{-2}).(m^{2a})}{(kg^b.s^{-b}).(J.K^{-1}.kg^{-1})} = kg^{1-b}.s^{-1+b}.m^{2a-2}$$

Donc :

$$1 - b = 0 \rightarrow b = 1$$

Et :

$$2a - 2 = 0 \rightarrow a = 1$$

Le nombre de Bansen s'écrit donc :

$$Ba = \frac{h_r S}{F c_p}$$

Essais en Vol Istres  
EPNER

---

Titre/Grade:

Nom:

Prénom:

Examen:

---

EXAMEN PROBATOIRE D'ADMISSION

AU STAGE ESSAIS DE CLASSE A

-----  
MECANICIEN NAVIGANT D'ESSAIS

-----  
SESSION DU 14 NOVEMBRE 2022

-----  
ÉPREUVE ÉCRITE DE CONNAISSANCES SCIENTIFIQUES

---

Durée: 1h – Seule une calculatrice non programmable et non graphique est autorisée --  
– Aucun document n'est autorisé pour cette épreuve

Document validé par :

Nom :

Date : 02/11/2022

Signature :

  
Lieutenant-colonel Dimitri Drobysz  
Directeur de l'EPNER



### Exercice 1 : Analyse dimensionnelle

Dans un fluide, une bille de rayon  $R$ , animée d'une vitesse  $v$  est soumise à une force de frottement donnée par l'expression.

$$F = -6\pi\eta Rv$$

**1.a/** A l'aide d'une analyse dimensionnelle, déterminer la dimension de  $\eta$ .

**1.b/** Soit  $\rho$  la masse volumique du fluide, proposer un nombre **sans dimension** en considérant l'expression suivante (On le notera arbitrairement  $N$ ) :

$$N = \rho \cdot \eta^B \cdot R^C \cdot v^D$$

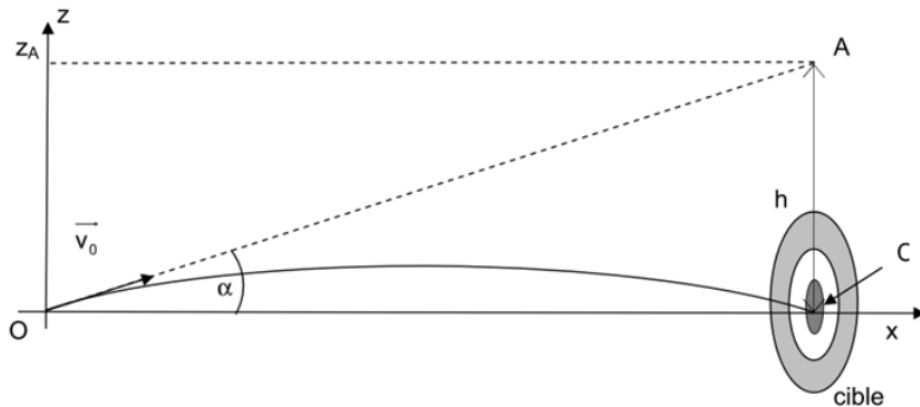
**1.c/** A quel célèbre nombre sans dimension correspond  $N$  ? Quelle est la signification physique de ce nombre ?

## Exercice 2 : Tir d'une flèche

### 1. Trajectoire de la flèche

Sur les cibles de tir à l'arc se trouve un disque central de 10 cm de diamètre. À 70 m, l'archer le voit sous un angle de moins d'un dixième de degré, et doit ajuster la position de la corde et de ses mains au millimètre près [...]. Dans quelle direction la flèche doit-elle partir pour parvenir au centre de la cible ? La résistance de l'air a ici relativement peu d'effet. La trajectoire de la flèche est à peu près balistique, c'est-à-dire de forme parabolique.

On étudie dans le référentiel terrestre supposé Galiléen le mouvement de la flèche assimilée à un point matériel de masse notée  $m$ . La situation est représentée sur la figure ci-dessous, sans souci d'échelle :



Le champ de pesanteur  $\vec{g}$  est parallèle à l'axe  $(Oz)$ . On prendra  $g = 9,8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$ .

1.1 Quelle force peut-on négliger d'après le texte introductif ?

1.2. La poussée d'Archimède étant elle aussi ici négligeable, établir l'expression du vecteur accélération  $\vec{a}$  de la flèche à partir du bilan des forces s'exerçant sur celle-ci.

1.3. On note  $\alpha$  l'angle que fait le vecteur vitesse initiale  $\vec{v}_0$  de la flèche avec l'axe horizontal  $(Ox)$ . Les équations horaires paramétriques du mouvement du centre d'inertie sont :

$$x(t) = (V_0 \cos \alpha) t \quad (1)$$

$$z(t) = -\frac{1}{2} g t^2 + (V_0 \sin \alpha) t \quad (2)$$

1.3.1. Montrer que l'équation de la trajectoire de la flèche est la suivante :

$$z = -\frac{1}{2} g \frac{x^2}{V_0^2 (\cos \alpha)^2} + x \cdot \tan \alpha$$

1.3.2. Justifier la forme de la trajectoire indiquée à la fin du premier texte.



## 2. « Chute » de la flèche :

Pour une vitesse initiale typique de  $70 \text{ m/s}$  ( $250 \text{ km/h}$ ), le vol dure environ une seconde. Au moment de toucher la cible, la flèche a chuté d'une certaine distance par rapport au point situé dans le prolongement de la direction de la vitesse initiale. Cette distance de chute, notée  $h$  sur la figure, est égale à la moitié du produit de l'accélération de la pesanteur par le carré de la durée du vol ( $\frac{gt^2}{2}$ ). Dans notre exemple, la « chute » est d'environ cinq mètres, d'où l'on déduit que la vitesse initiale de la flèche doit faire un angle de quatre degrés avec la droite joignant le tireur et le centre du blason.

On note  $A$  le point situé dans le prolongement de la direction de la vitesse initiale (voir figure).

### 2.1. Durée du trajet de la flèche :

Soit  $t_c$  la date à laquelle la flèche atteint la cible. Cette date est égale à la durée du vol de la flèche.

2.1.1. En utilisant les équations horaires paramétriques, exprimer  $t_c$  en fonction de  $V_0$ ,  $\alpha$  et  $x_c$ , abscisse du point  $G$ , centre de la cible.

2.1.2. Vérifier à l'aide d'un calcul la cohérence des valeurs numériques données dans les deux textes encadrés précédents.

### 2.2. « Distance de chute » :

2.2.1. Quelle hypothèse peut-on faire pour considérer que la flèche atteint le point  $A$  en gardant les mêmes conditions initiales de tir ? Préciser alors, en justifiant, la nature du mouvement de la flèche.

2.2.2. Exprimer la « distance de chute »  $h$  en fonction de  $V_0$ ,  $t_c$  et  $\alpha$ .

Aide: Cf annexes pour un rappel des formules trigonométriques.

2.2.3. On peut considérer que la durée du trajet hypothétique  $OA$  de la flèche et la durée  $t_c$  du parcours parabolique  $OC$  sont identiques.

En utilisant l'équation horaire paramétrique (2), retrouver alors que la « distance de chute »  $h$ , pour un tir réalisé dans les conditions réelles, est égale à «  $\frac{gt^2}{2}$  », comme indiqué dans le texte ci-dessus.

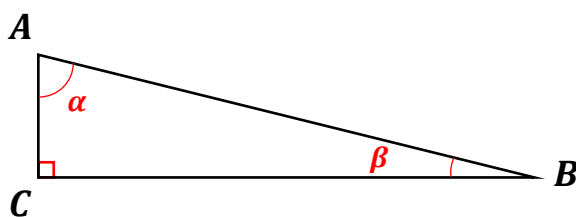
### 3. Influence de la valeur de la vitesse initiale sur le tir

On suppose que l'archer vise toujours juste : l'angle  $\alpha$  est constant et égal à  $4^\circ$ . On envisage une augmentation de la vitesse initiale  $V_0$ , cette dernière restant cependant suffisamment faible pour permettre à la flèche de toucher la cible.

3.1. Comment évoluent la durée du vol de la flèche et la « distance de chute »  $h$  ?

3.2. Dans ces conditions, où la flèche va-t-elle frapper la cible ?

Annexes :



$$\sin\alpha = \frac{BC}{AB} \quad \cos\alpha = \frac{AC}{AB} \quad \tan\alpha = \frac{BC}{AC}$$

$$\sin\beta = \frac{AC}{AB} \quad \cos\beta = \frac{BC}{AB} \quad \tan\beta = \frac{AC}{BC}$$

Essais en Vol Istres  
EPNER

---

Titre/Grade:

Nom:

Prénom:

Examen:

---

EXAMEN PROBATOIRE D'ADMISSION

AU STAGE ESSAIS DE CLASSE A

-----  
MECANICIEN NAVIGANT D'ESSAIS

-----  
SESSION DU 14 NOVEMBRE 2022

-----  
**CORRIGÉ ÉPREUVE ÉCRITE DE CONNAISSANCES SCIENTIFIQUES**  
-----

Durée: 1h – Seule une calculatrice non programmable et non graphique est autorisée --  
– Aucun document n'est autorisé pour cette épreuve

Document validé par :

Nom :

Date : 02/11/2022

Signature :

### Exercice 1: Analyse dimensionnelle

Dans un fluide, une bille de rayon  $R$ , animée d'une vitesse  $v$  est soumise à une force de frottement donnée par l'expression.

$$F = -6\pi\eta Rv$$

**1.a/** A l'aide d'une analyse dimensionnelle, déterminer la dimension de  $\eta$ .

$$[F] = [\eta][R][v] \rightarrow [\eta] = \frac{[F]}{[R][v]} = \frac{kg \cdot m \cdot s^{-2}}{m \cdot m \cdot s^{-1}} = kg \cdot m^{-1} \cdot s^{-1}$$

**1.b/** Soit  $\rho$  la masse volumique du fluide, proposer un nombre sans dimension en considérant l'expression suivante (On le notera arbitrairement  $N$ ):

$$N = \rho \cdot \eta^B \cdot R^C \cdot v^D$$

On a :

$$\begin{aligned} [N] &= [\rho \cdot \eta^B \cdot R^C \cdot v^D] = [\rho][\eta]^B [R]^C [v]^D \\ &= kg \cdot m^{-3} \cdot kg^B \cdot m^{-B} \cdot s^{-B} \cdot m^C \cdot m^D \cdot s^{-D} \\ &= kg^{1+B} \cdot m^{-3-B+C+D} \cdot s^{-B-D} \end{aligned}$$

C'est un nombre sans dimensions donc :

$$1 + B = 0 \rightarrow B = -1$$

$$-3 - B + C + D = -3 + 1 + C + 1 = 0 \rightarrow -1 + C = 0 \rightarrow C = 1$$

$$-B - D = 0 \rightarrow D = 1$$

Soit :

$$N = \frac{\rho R v}{\eta}$$

**1.c/**A quel célèbre nombre sans dimension correspond  $N$ ? Quelle est la signification physique de ce nombre ?

On reconnaît le nombre de Reynolds qui compare les forces d'inertie aux forces de frottement visqueux. Il permet de caractériser la nature et le régime d'un écoulement (régime de Stokes, régime laminaire, régime transitoire ou encore régime turbulent).

→ Régime de Stokes :  $Re \ll 1$  : les forces visqueuses dominent l'écoulement. Ce régime se rencontre principalement dans la micro-fluidique

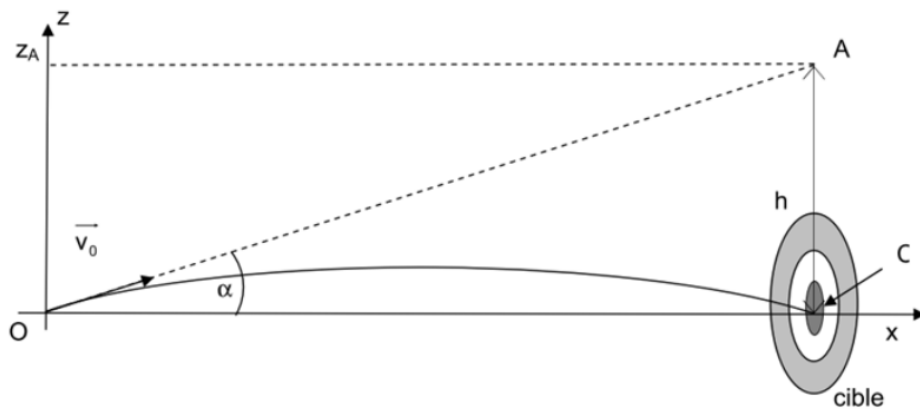
→ si  $Re$  augmente, les forces d'inertie ne sont plus négligeables, selon la valeur du nombre de Reynolds, on sera dans le cas d'un régime laminaire ou turbulent. Il existe une valeur seuil du nombre de Reynolds appelé Reynolds critique au-delà duquel le régime est turbulent.

## Exercice 2 : La flèche

### 1. Trajectoire de la flèche

Sur les cibles de tir à l'arc se trouve un disque central de 10 cm de diamètre. À 70 m, l'archer le voit sous un angle de moins d'un dixième de degré, et doit ajuster la position de la corde et de ses mains au millimètre près [...]. Dans quelle direction la flèche doit-elle partir pour parvenir au centre de la cible ? La résistance de l'air a ici relativement peu d'effet. La trajectoire de la flèche est à peu près balistique, c'est-à-dire de forme parabolique.

On étudie dans le référentiel terrestre supposé Galiléen le mouvement de la flèche assimilée à un point matériel de masse notée  $m$ . La situation est représentée sur la figure ci-dessous, sans souci d'échelle :



Le champ de pesanteur  $\vec{g}$  est parallèle à l'axe  $(Oz)$ . On prendra  $g = 9,8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-2}$ .

1.1 Quelle force peut-on négliger d'après le texte introductif ?

On néglige la traînée aérodynamique de la flèche.

1.2. La poussée d'Archimède étant elle aussi ici négligeable, établir l'expression du vecteur accélération  $\vec{a}$  de la flèche à partir du bilan des forces s'exerçant sur celle-ci.

On applique le Principe Fondamental de la Dynamique sur la flèche, en sachant que seul le poids s'exerce sur elle :

$$m\vec{a} = m\vec{g}$$

1.3. On note  $\alpha$  l'angle que fait le vecteur vitesse initiale  $\vec{V}_0$  de la flèche avec l'axe horizontal ( $Ox$ ). Les équations horaires paramétriques du mouvement du centre d'inertie sont :

$$x(t) = (V_0 \cos \alpha)t \quad (1)$$

$$z(t) = -\frac{1}{2}gt^2 + (V_0 \sin \alpha)t \quad (2)$$

1.3.1. Montrer que l'équation de la trajectoire de la flèche est la suivante :

$$z = -\frac{1}{2}g \frac{x^2}{V_0^2 (\cos \alpha)^2} + x \cdot \tan \alpha$$

On combine les équations :

$$t = \frac{x}{V_0 \cos \alpha} \quad (1)$$

$$z = -\frac{1}{2}g \left( \frac{x}{V_0 \cos \alpha} \right)^2 + (V_0 \sin \alpha) \frac{x}{V_0 \cos \alpha} \quad (2)$$

Soit :

$$z = -\frac{1}{2}g \frac{x^2}{V_0^2 (\cos \alpha)^2} + x \cdot \tan \alpha$$

1.3.2. Justifier la forme de la trajectoire indiquée à la fin du premier texte.

On a une équation du second degré, donc de forme parabolique comme l'indique le texte.

2. « Chute » de la flèche :

Pour une vitesse initiale typique de  $70 \text{ m/s}$  ( $250 \text{ km/h}$ ), le vol dure environ une seconde. Au moment de toucher la cible, la flèche a chuté d'une certaine distance par rapport au point situé dans le prolongement de la direction de la vitesse initiale. Cette distance de chute, notée  $h$  sur la figure, est égale à la moitié du produit de l'accélération de la pesanteur par le carré de la durée du vol ( $\frac{gt^2}{2}$ ). Dans notre exemple, la « chute » est d'environ cinq mètres, d'où l'on déduit que la vitesse initiale de la flèche doit faire un angle de quatre degrés avec la droite joignant le tireur et le centre du blason.

On note  $A$  le point situé dans le prolongement de la direction de la vitesse initiale (voir figure).

## 2.1. Durée du trajet de la flèche :

Soit  $t_c$  la date à laquelle la flèche atteint la cible. Cette date est égale à la durée du vol de la flèche.

2.1.1. En utilisant les équations horaires paramétriques, exprimer  $t_c$  en fonction de  $V_0$ ,  $\alpha$  et  $x_c$ , abscisse du point  $G$ , centre de la cible.

On a directement :

$$t_c = \frac{x_c}{V_0 \cos \alpha} \quad (1)$$

2.1.2. Vérifier à l'aide d'un calcul la cohérence des valeurs numériques données dans les deux textes encadrés précédents.

Dans les textes on nous donne :

$$\begin{aligned}x_c &= 70 \text{ m} \\V_0 &= 70 \text{ m/s} \\t_c &= 1 \text{ s} \\\alpha &= 4^\circ\end{aligned}$$

On peut donc directement vérifier que :

$$t_c = \frac{x_c}{V_0 \cos \alpha}$$

Puisque  $\cos \alpha = \cos\left(4 \cdot \frac{2\pi}{360}\right) = 0,997 \approx 1$ . Il ne faut pas oublier de passer l'angle en radians lorsque l'on calcule le cosinus.

## 2.2. « Distance de chute » :

2.2.1. Quelle hypothèse peut-on faire pour considérer que la flèche atteint le point  $A$  en gardant les mêmes conditions initiales de tir ? Préciser alors, en justifiant, la nature du mouvement de la flèche.

Il faut négliger le poids. Dans ce cas la flèche, une fois tirée, n'est soumise à aucune force. On se retrouve alors dans un mouvement rectiligne uniforme (vecteur vitesse constant).

2.2.2. Exprimer la « distance de chute »  $h$  en fonction de  $V_0$ ,  $t_c$  et  $\alpha$ .

Aide : Cf annexes pour un rappel des formules trigonométriques.

On a la relation :

$$\tan \alpha = \frac{h}{x_c} = \frac{h}{t_c V_0 \cos \alpha}$$

Donc :

$$h = V_0 t_c \sin \alpha$$

2.2.3. On peut considérer que la durée du trajet hypothétique  $OA$  de la flèche et la durée  $t_c$  du parcours parabolique  $OC$  sont identiques.

En utilisant l'équation horaire paramétrique (2), retrouver alors que la « distance de chute »  $h$ , pour un tir réalisé dans les conditions réelles, est égale à «  $\frac{gt^2}{2}$  », comme indiqué dans le texte ci-dessus.

On a :

$$z(t) = -\frac{1}{2}gt^2 + (V_0 \sin \alpha)t \quad (2)$$

Donc à  $t = t_c$  on a :

$$z(t_c) = -\frac{1}{2}gt_c^2 + (V_0 \sin \alpha)t_c = -\frac{1}{2}gt_c^2 + h$$

La flèche a atteint la cible à ce moment donc sa hauteur  $z(t_c)$  est nulle.

Et on retrouve bien que :

$$0 = -\frac{1}{2}gt_c^2 + (V_0 \sin \alpha)t_c \rightarrow h = \frac{1}{2}gt_c^2$$

### 3. Influence de la valeur de la vitesse initiale sur le tir

On suppose que l'archer vise toujours juste : l'angle  $\alpha$  est constant et égal à  $4^\circ$ . On envisage une augmentation de la vitesse initiale  $V_0$ , cette dernière restant cependant suffisamment faible pour permettre à la flèche de toucher la cible.

3.1. Comment évoluent la durée du vol de la flèche et la « distance de chute »  $h$  ?

La flèche touche la cible de telle sorte que  $x(t_c) = x_c$  avec :

$$t_c = \frac{x_c}{V_0 \cos \alpha}$$

Donc si  $V_0$  augmente, le temps diminue, logique...

Et d'autre part comme :

$$h = V_0 t_c \sin \alpha = x_c \tan \alpha$$

La hauteur  $h$  reste constante.

3.2. Dans ces conditions, où la flèche va-t-elle frapper la cible ?

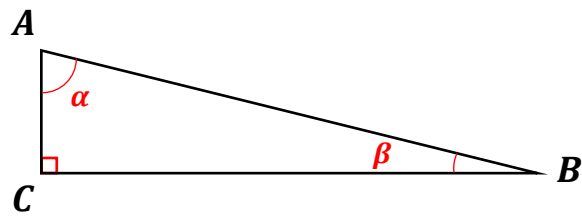
Il faut étudier l'effet de la vitesse sur la hauteur  $z(t_c)$ , c'est-à-dire :

$$z(t_c) = -\frac{1}{2}gt_c^2 + h$$

Or on l'a vu, la hauteur  $h$  reste constante, tandis que le temps  $t_c$  diminue, ce qui veut dire que la hauteur  $z(t_c)$  est plus grande. L'archer ne touche plus le centre de la cible (sinon on aurait  $z(t_c) = 0$ ), mais un peu plus haut.



Annexes:



$$\sin\alpha = \frac{BC}{AB} \quad \cos\alpha = \frac{AC}{AB} \quad \tan\alpha = \frac{BC}{AC}$$

$$\sin\beta = \frac{AC}{AB} \quad \cos\beta = \frac{BC}{AB} \quad \tan\beta = \frac{AC}{BC}$$